

Politechnika Lubelska
Katedra Automatyki i Metrologii

Laboratorium

**Podstaw Automatyki i
Regulacji Automatycznej**

EINS

Ćwiczenie nr **2**

Temat: Synteza układów sterowania logicznego

Lublin 2021

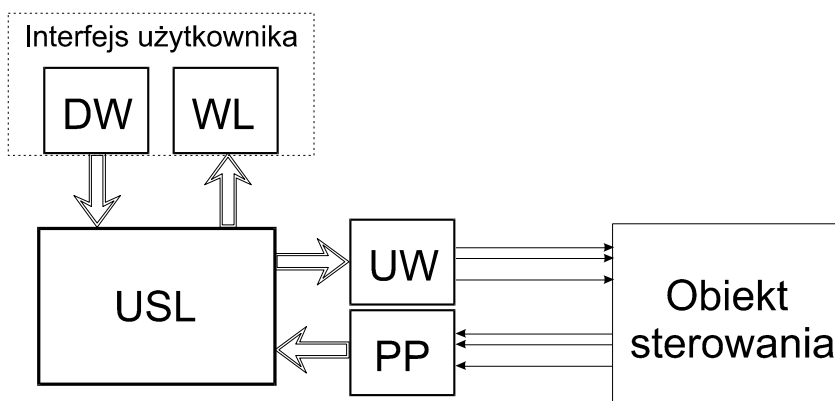
Synteza układów sterowania logicznego

2.1. Wstęp

Automatyzację wielu czynności wykonywanych przez urządzenia przemysłowe uzyskuje się za pomocą układów sterowania logicznego (układów przełączających). Układy sterowania logicznego mają szerokie zastosowanie zarówno w automatyzacji pracy pojedynczych maszyn i zespołów (np. windy, robotów, urządzeń transportowych, sygnalizacji świetlnej, sprzętu AGD itp.) jak i w przypadku kompleksowej automatyzacji całych procesów technologicznych.

Układ sterowania logicznego składa się z następujących bloków funkcjonalnych (patrz rys. 2.1):

- zasadniczego układu sterowania (USL), realizującego algorytm sterowania logicznego. Może to być specjalizowane lub uniwersalne urządzenie techniczne operujące dwuwartościowymi (binarnymi) sygnałami, o sprzętowej realizacji algorytmu sterowania (realizacja sztywna - "zadrutowana") lub o realizacji elastycznej - programowej. Ogromną popularnością (ze względu na liczne zalety) cieszą się rozwiązania oparte na mikroprocesorowych sterownikach programowalnych PLC (ang. *Programmable Logic Controllers*).
- układów wykonawczych (UW),
- czujników i przetworników pomiarowych (PP),
- układu wprowadzania danych wejściowych (DW),
- układu sygnalizacji i wyprowadzania danych wyjściowych (WL).



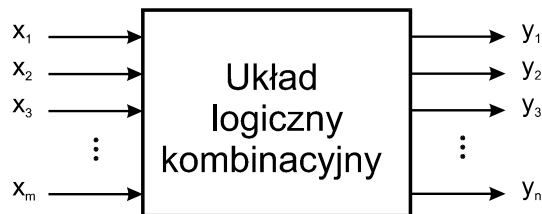
Rys. 2.1. Schemat blokowy układu sterowania logicznego

Ze względu na sposób wypracowywania sygnałów wyjściowych układy przełączające dzieli się na:

- układy kombinacyjne (jednotaktowe),
- układy sekwencyjne (wielotaktowe).

2.1. Układy kombinacyjne

Układ przełączający nazywany jest kombinacyjnym (rys. 2.2), jeżeli każdemu wektorowi sygnałów wejściowych (kombinacji stanów logicznych na wejściach: $x_1, x_2, x_3, \dots, x_m$) przyporządkowany jest jeden i tylko jeden wektor sygnałów wyjściowych (kombinacja stanów logicznych na wyjściach: $y_1, y_2, y_3, \dots, y_n$). W układach kombinacyjnych istnieje, więc jednoznaczna zależność między zbiorem wejść i wyjść, niezależnie od czasu.



Rys. 2.2. Schemat blokowy układu kombinacyjnego

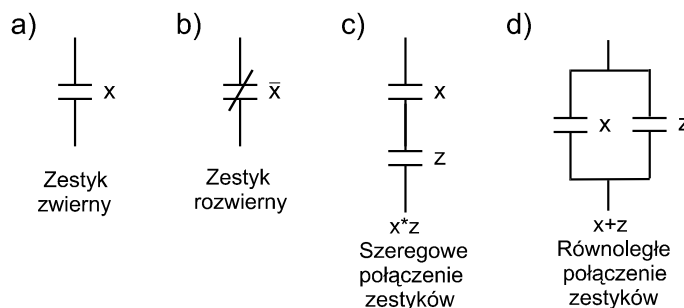
2.1.1. Struktura układu przełączającego

Teoria struktur układów przełączających opiera się na wybranych działach logiki matematycznej takich jak: rachunek zdań, rachunek zbiorów, dwuelementowa algebra Boole'a. Wykorzystywana jest tutaj tzw. logika dwuwartościowa, w której zmienne mogą przyjmować tylko dwie wartości. Oznaczone są one zwykle przez "1" i "0". Może to być zdanie wyrażające prawdę (1) lub fałsz (0). Elementy układów przełączających są elementami dwustanowymi. Każdy z elementów może znajdować się w stanie działania (1) lub niedziałania (0).

Struktura wewnętrzna każdego układu przełączającego może być przedstawiona analitycznie w postaci wyrażenia strukturalnego, przypominającego wyrażenie algebraiczne i przedstawiającego określoną dla danego układu funkcję logiczną. W przypadku układu kombinacyjnego jest to rodzina funkcji przełączających (tzw. funkcji wyjścia) zapisywanych w postaci:

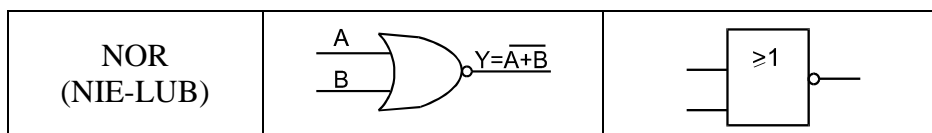
$$Y_i = f_i(x_1, x_2, x_3, \dots, x_m) \quad \text{dla } i = 1, 2, \dots, n \quad (2.1)$$

Struktura wewnętrzna układu przełączającego może być przedstawiona również graficznie - w postaci schematu opartego na elementach stykowych bądź bezstykowych. Podstawowe elementy schematu stykowego zostały przedstawione na rysunku 2.3, natomiast bezstykowe na rysunku 2.4.



Rys. 2.3. Stykowe elementy schematowe

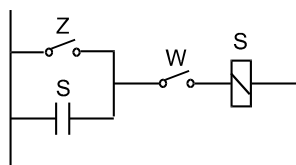
Operacja logiczna	Symbol 1	Symbol 2
AND (I)		
OR (LUB)		
NOT (NIE)		
NAND (NIE-I)		



Rys. 2.4. Oznaczenia graficzne podstawowych funkcji logicznych

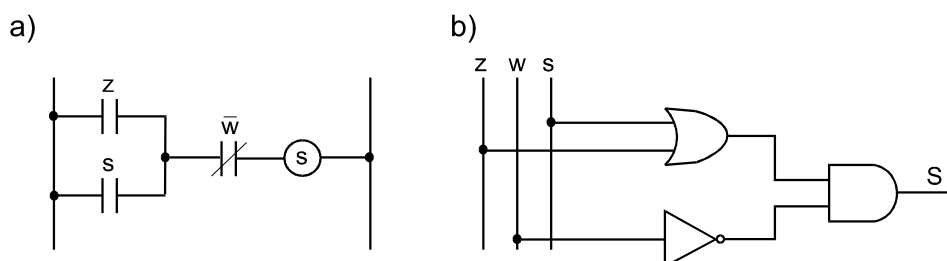
Na rys. 2.5 przedstawiono przykład układu uruchamiania stycznika S za pomocą przycisku załączającego Z. Stycznik jest wyłączany przez naciśnięci przycisku wyłączającego W. Układ taki może być opisany następującą funkcją przełączającą:

$$S = (s + z) \cdot \bar{w} \quad (2.2)$$



Rys. 2.5. Schemat elektryczny układu sterowania stycznika

Graficzne reprezentacje powyższego układu przełączającego przedstawia rysunek 2.6.

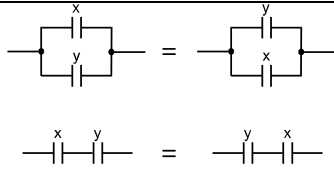
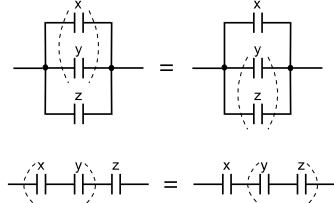


Rys. 2.6. Struktura układu przełączającego w postaci schematu opartego na elementach: a) stykowych, b) bezstykowych

2.1.2. Prawa algebry układów przełączających

Spośród wielu praw algebry Boole'a podstawowe znaczenie w zastosowaniu do teorii struktur układów przełączających mają następujące cztery prawa: przemienności, łączności, rozdzielności i De Morgana. Przedstawienie algebraiczne i graficzne poszczególnych praw prezentuje tablica 2.1.

Tablica 2.1. Podstawowe prawa algebry Boole'a

Nazwa prawa	Postać algebraiczna	Postać graficzna
Prawo przemienności	$x + y = y + x$ $xy = yx$	
Prawo łączności	$(x + y) + z = x + (y + z)$ $(xy)z = x(yz)$	

<p>Prawo rozdzielczości:</p> <p>a) mnożenia względem dodawania</p> <p>b) dodawania względem mnożenia</p>	$(x + y)z = xz + yz$ $xy + z = (x + z)(y + z)$	
<p>Prawo De Morgana</p>	$\overline{x + y} = \bar{x} \cdot \bar{y}$ $\overline{xy} = \bar{x} + \bar{y}$	

W teorii układów przełączających obwód lub element obwodu otwarty oznacza się zerem (0) a jedynką (1) obwód lub element obwodu zamknięty. Na przykład szeregowe połączenie zwiernych i rozwiernych zestyków tego samego przełącznika zawsze przerywa obwód:

$$x \cdot \bar{x} = 0 \quad (2.3)$$

natomiast równoległe połączenie tychże zestyków daje element schematu stale zamknięty:

$$x + \bar{x} = 1 \quad (2.4)$$

Przy szeregowym lub równoległym połączeniu kilku jednakowych zestyków układ działa tak samo jak w przypadku jednego zestyku:

$$x \cdot x \cdot x \cdot \dots = x \quad (2.5)$$

$$x + x + x + \dots = x \quad (2.6)$$

Należy zwrócić uwagę, iż dodanie do jakiegoś wyrażenia zera lub pomnożenie go przez jedynkę nie zmienia wartości tego wyrażenia:

$$x + 0 = x; \quad x \cdot 1 = x \quad (2.7)$$

natomiast wartość wyrażenia jest zmieniana w przypadku dodania jedynki lub pomnożenia przez zero:

$$x + 1 = 1; \quad x \cdot 0 = 0 \quad (2.8)$$

2.1.3. Kanoniczne postacie sumy oraz iloczynu

W przypadku prostych zadań, matematyczną postać funkcji opisującej układ przełączający można napisać wprost na podstawie słownego opisu działania. W układach bardziej złożonych buduje się tablicę stanów określającą stan elementów wyjściowych w zależności od stanów elementów wejściowych. Każdemu elementowi (sygnałowi) wejściowemu oraz wyjściowemu odpowiada jedna kolumna tej tablicy, a każdemu stanowi układu jeden wiersz. Liczba wierszy odpowiada liczbie wszystkich możliwych kombinacji stanów i dla n -wejść wynosi 2^n . Przykład tablicy stanów prezentuje tablica 2.2.

Tablica 2.2. Przykładowa tablica stanów

Stany wejść			Stan wyjścia
A	B	C	Y

0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	-
1	1	1	0

Śledząc algorytm pracy projektowanego układu kombinacyjnego przypisuje się poszczególnym wierszom odpowiednie wartości wyjść (1 lub 0). Jednak może się zdarzyć, że nie dla wszystkich kombinacji sygnałów wejściowych stan wyjść jest określony lub pewne kombinacje z zasady działania układu nie mogą zaistnieć np. jednoczesne włączenie przesuwu w prawo i w lewo, itp. W takim przypadku stan wyjścia określa się mianem obojętnego i oznacza symbolem "o" lub "-".

Na podstawie wypełnionej tablicy stanów tworzone są wyrażenia strukturalne dla wyjść. Ogólnie wyrażenie strukturalne może się składać z:

- sumy iloczynów sygnałów wejściowych tych wierszy, dla których sygnał wyjściowy przyjmuje wartość równą 1 (symbol sygnału wejściowego pisany jest bez negacji jeżeli przyjmuje on wartość 1 - z negacją, jeżeli 0). Tak uzyskana postać funkcji logicznej nazywa jest kanoniczną postacią sumy (układ realizowany jest na podstawie warunków działania). Dla powyższego przykładu tablicy stanów (tablica 2.2) funkcja ta przyjmie następującą postać:

$$Y = \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}b\bar{c} + a\bar{b}\bar{c} + abc \quad (2.9)$$

- iloczynów sum sygnałów wejściowych tych wierszy, dla których sygnał wyjściowy przyjmuje wartość równą 0 (symbol sygnału wejściowego pisany jest bez negacji jeżeli przyjmuje on wartość 0 - z negacją, jeżeli 1). Tak uzyskana postać funkcji logicznej nazywana jest kanoniczną postacią iloczynu (układ realizowany jest na podstawie warunków nie działania). Dla powyższego przykładu tablicy stanów (tablica 2.2) funkcja ta przyjmie następującą postać:

$$Y = abc + \bar{a}b\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c \quad (2.10)$$

Obie postaci są sobie równoważne pod względem logicznym, prowadzić mogą jednak do zróżnicowanych realizacji technicznych.

2.1.4. Minimalizacja funkcji logicznych

Dowolny kombinacyjny układ przełączający może być realizowany na wiele różnych sposobów. Zawsze dąży się jednak do tego by otrzymane w wyniku syntezy rozwiązanie było optymalne ze względu na koszt realizacji przy założonej niezawodności układu. Najczęściej uzyskuje się to przez minimalizację liczby elementów z zadanego zestawu, minimalizację liczby połączeń itp.

Przedstawiona w postaci kanonicznej funkcja opisująca działanie układu kombinacyjnego może być bezpośrednio zrealizowana na podstawie tej postaci. Analizując jednakże wyrażenia 2.9 i 2.10 łatwo zauważyć, że argumenty (sygnały wejściowe) występują wielokrotnie (w postaci negacji lub afirmacji) w różnych czynnikach lub składnikach. Stosując prawa algebry Boole'a postać kanoniczna funkcji może zostać zminimalizowana, tj. przekształcona do postaci, w której występuje mniejsza liczba czynników (składników) oraz wyeliminowano nadmiarowe sygnały wejściowe. Proces poszukiwania takiej postaci funkcji nazywa się minimalizacją. Przy minimalizacji wykorzystuje się zasadę sklejania:

$$x_1 \cdot x_2 + x_1 \cdot \bar{x}_2 = x_1 \quad (2.11)$$

$$(x_1 + x_2)(x_1 + \bar{x}_2) = x_1 \quad (2.12)$$

Łatwo zauważyć, iż zasada sklejania ma zastosowanie w przypadku, gdy dwa składniki (2.11) lub dwa czynniki (2.12), są "sąsiednimi", tzn. jeżeli różnią się znakiem negacji tylko na jednej pozycji.

Minimalizacja funkcji polegająca na wyszukiwaniu wyrażeń sąsiednich i stosowaniu zależności (2.11 lub 2.12) dla dużej liczby wejść jest bardzo uciążliwa. Znaczne usprawnienie minimalizacji uzyskuje się stosując jedną z wykorzystywanych w praktyce metod tablicowych: Karnaugh, lub Quine'a - Mc Cluske'a. Pod uwagę zostanie wzięta pierwsza z metod.

Ułatwienie procesu sklejania funkcji logicznych zapisanych w postaci kanonicznej uzyskuje się przez przedstawienie tablicy zależności (stanów) projektowanego układu kombinacyjnego w postaci specjalnej tablicy (siatki stanów) nazywanej tablicą Karnaugh. W tablicy tej stany układu reprezentowane są przez jej kratki, przy czym tablica przy "n" stanach zawiera 2^n kratek. Każda kratka tablicy odpowiada jednej kombinacji zmiennych wejściowych. Kod zmiennych wejściowych jest tak dobrany (kod Gray'a), żeby sąsiednie kratki różniły się wartością tylko jednej zmiennej tzn., aby możliwe było "sklejanie" wyrażeń logicznych opisanych przez kratki obok siebie leżące. Do tak opisanej w/w kodem tablicy w odpowiednie kratki wpisuje się symbole (1, 0, -), odpowiadające wartościom funkcji logicznej dla kombinacji zmiennych wejściowych przypisanych kratkom. Jeżeli w dwóch sąsiednich kratkach znajdują się wartości (0 i - lub 1 i -), to odpowiadające tym kratkom wyrażenia logiczne można skleić, co sprowadza się do wyeliminowania sygnału wejściowego z czynnika (składnika), który w ramach sklejaney grupy zmienia wartość. Zasadę minimalizacji metodą tablic Karnaugh prezentuje rysunek 2.7.

X ₁ , X ₂ \ X ₃ , X ₄ , X ₅								
	000	001	011	010	110	111	101	100
00	0	0	1	0	0	-	0	1
01	0	0	0	0	0	0	1	1
11	1	-	1	1	0	0	0	1
10	-	1	1	1	0	1	0	-

$\bar{x}_1 \bar{x}_3$ $\bar{x}_2 \bar{x}_4 \bar{x}_5$ $\bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4$ $\bar{x}_3 \bar{x}_4 \bar{x}_5$

Rys. 2.7. Tablica Karnaugh dla przykładowej funkcji 5-ciu zmiennych

Jeżeli zostanie wzięty pod uwagę obszar (grupa) (patrz rys. 2.7) składająca się z krutek, dla których $\bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 \bar{x}_5$ oraz $\bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 x_5$ to można dostrzec, iż tylko element x_5 zmienia swoją wartość. W wyniku sklejenia otrzymuje się zamiast dwóch poprzednich składników - jedno wyrażenie postaci $\bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4$, gdyż z praw sklejaney wynika następująca zależność:

$$\bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 \bar{x}_5 + \bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 x_5 = \bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 (\bar{x}_5 + x_5) = \bar{x}_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4 \quad (2.13)$$

Minimalizacja funkcji logicznej metodą tablic Karnaugh powinna przebiegać w następujących etapach:

1. Należy podjąć decyzję czy układ będzie realizowany dla warunków działania (wtedy wybiera się grupy jedynek) czy też dla warunków nie działania (wybór grup zer).
2. Wśród wybranych symboli (0 lub 1) poszukuje się możliwości utworzenia największych grup. Jeżeli wybrana zostanie grupa cztero-kratkowa to z wyrażenia zostaną usunięte dwa sygnały wejściowe, a w przypadku grupy ośmiorkowej - cztery sygnały. Wynika z tego, że im większa jest grupa połączonych krutek, tym lepszy jest efekt minimalizacji. Grupy mogą być 2^k -kratkowe, $k=1, 2, 3, \dots$. Grupy należy również tak dobierać aby maksymalnie zachodziły na siebie w celu wyeliminowania niepożądanego zjawiska hazardu. W łączonych grupach można dowolnie wykorzystywać stany obojętne.

3. Wyodrębnione w tablicy grupy opisuje się postacią normalną sumy lub iloczynu. Metodą tą można otrzymać kilka postaci minimalnych tej samej funkcji.

2.1.5. Przykład syntezy kombinacyjnego układu przełączającego

Punktem wyjścia do projektu układu przełączającego jest najczęściej słowne (lub inne również mało ściśle) sformułowanie jego zadań. Np. postawiono zadanie syntezy układu sterowania pracą pomp w następujący sposób:

Zadanie:

Istnieje układ dwóch pomp o różnej wydajności. Pompy powinny dopełniać ciecżą dwa zbiorniki, które opróżniają w nieprzewidywalny sposób. Pompy powinny pracować równolegle wg. następujących zasad:

- jeżeli poziom cieczy w jednym zbiorniku wynosi powyżej połowy a drugi zbiornik jest pełny, to powinna pracować pompa I,
- jeżeli oba zbiorniki są zapełnione powyżej połowy lub jeden mniej niż do połowy, to powinna pracować pompa II,
- jeżeli zapełnienia obu zbiorników spadną poniżej połowy, obie pompy powinny pracować.

Należy dokonać syntezy teoretycznej układu sterowania logicznego, realizującego powyższe zadania.

Rozwiązanie:

Zakłada się, że czujniki poziomu zapełnienia generują sygnały logiczne 1 jeżeli przekroczone zostaną odpowiednie poziomy.

Po dokładnej analizie zadań stojących przed układem sterowania wydziela się zmienne (wejściowe i wyjściowe) i tworzy ich zestawienie z przypisaniem oznaczeń i komentarzy (tablica zmiennych).

Zbiornik I napełniony powyżej połowy	- x_1 (wejście)
Zbiornik I pełny	- x_2 (wejście)
Zbiornik II napełniony powyżej połowy	- x_3 (wejście)
Zbiornik II pełny	- x_4 (wejście)
Stan pracy pompy I (1-włączona, 0-wyłączona)	- y_1 (wyjście)
Stan pracy pompy II (1-włączona, 0-wyłączona)	- y_2 (wyjście)

Buduje się tablicę stanów. Zawiera ona tyle wierszy ile kombinacji mogą mieć wejścia. Kombinacje logicznych wartości sygnałów wejściowych porządkuje się zgodnie z kodem naturalnym binarnym. W tablicy poszczególnym stanom przypisuje się odpowiednie (zgodne z funkcją jaką ma spełniać układ przełączający) jego stany wyjść. Nierealnym kombinacjom wejść przypisuje się obojętne stany wyjść.

x_1	x_2	x_3	x_4	y_1	y_2
0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	-	-
0	0	1	0	0	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	0	-	-
0	1	0	1	-	-
0	1	1	0	-	-
0	1	1	1	-	-
1	0	0	0	0	1
1	0	0	1	-	-
1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	0	1	-	-
1	1	1	0	1	0

1	1	1	1	1	0
---	---	---	---	---	---

Rys. 2.8. Tablica stanów

a)	<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td></td> <td colspan="4" style="border: none;">X₃X₄</td> </tr> <tr> <td style="border: none;">X₁X₂</td> <td style="border: 1px solid black;">00</td> <td style="border: 1px solid black;">01</td> <td style="border: 1px solid black;">11</td> <td style="border: 1px solid black;">10</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">00</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">01</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">11</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">10</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> </tr> </table>		X ₃ X ₄				X ₁ X ₂	00	01	11	10	00	1	-	0	0	01	-	-	-	-	11	0	-	1	1	10	0	-	1	0
	X ₃ X ₄																														
X ₁ X ₂	00	01	11	10																											
00	1	-	0	0																											
01	-	-	-	-																											
11	0	-	1	1																											
10	0	-	1	0																											
b)	<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td></td> <td colspan="4" style="border: none;">X₃X₄</td> </tr> <tr> <td style="border: none;">X₁X₂</td> <td style="border: 1px solid black;">00</td> <td style="border: 1px solid black;">01</td> <td style="border: 1px solid black;">11</td> <td style="border: 1px solid black;">10</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">00</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">01</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">11</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black;">10</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> <td style="border: 1px solid black;">-</td> <td style="border: 1px solid black;">0</td> <td style="border: 1px solid black;">1</td> </tr> </table>		X ₃ X ₄				X ₁ X ₂	00	01	11	10	00	1	-	1	1	01	-	-	-	-	11	1	-	0	0	10	1	-	0	1
	X ₃ X ₄																														
X ₁ X ₂	00	01	11	10																											
00	1	-	1	1																											
01	-	-	-	-																											
11	1	-	0	0																											
10	1	-	0	1																											

Rys. 2.9. Tablice Karnaugh dla sygnałów wyjściowych: a) y₁, b) y₂

Funkcje logiczne dla poszczególnych wyjść (normalna postać iloczynu):

$$y_1 = \bar{x}_1 \bar{x}_3 + x_1 x_4 + x_2 x_3 \tag{2.14}$$

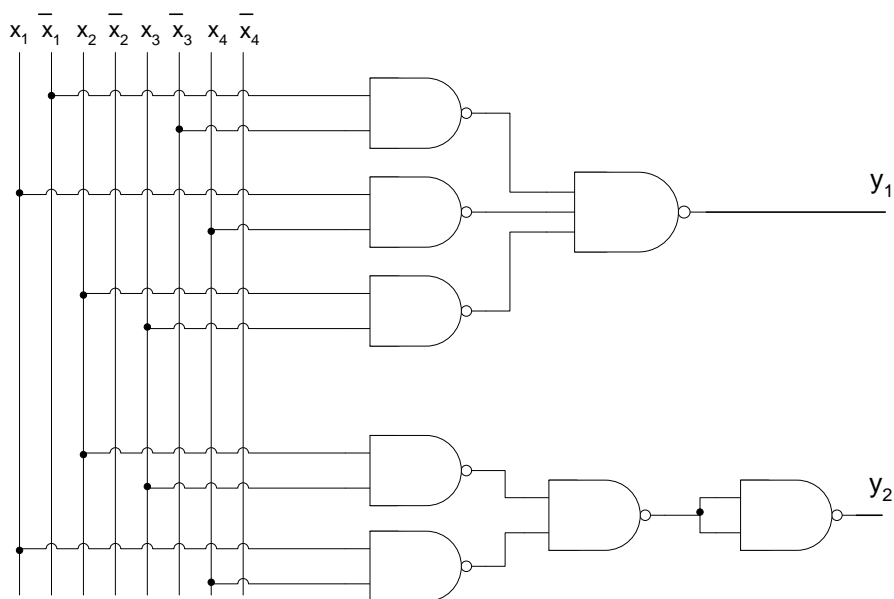
$$y_2 = (\bar{x}_2 + \bar{x}_3)(\bar{x}_1 + \bar{x}_4)$$

Przekształcając powyższe funkcje (podwójna negacja) i stosując jedno z praw De Morgana otrzymuje się funkcje dogodne do realizacji układu na elementach NAND:

$$y_1 = \overline{\overline{\bar{x}_1 \bar{x}_3 + x_1 x_4 + x_2 x_3}} = \overline{\overline{\bar{x}_1 \bar{x}_3} \cdot \overline{\overline{x_1 x_4}} \cdot \overline{\overline{x_2 x_3}}} \tag{2.15}$$

$$y_2 = \overline{\overline{(\bar{x}_2 + \bar{x}_3)(\bar{x}_1 + \bar{x}_4)}} = \overline{\overline{(\bar{x}_2 \cdot \bar{x}_3)} \cdot \overline{\overline{(\bar{x}_1 \cdot \bar{x}_4)}}}$$

Schemat logiczny układu sterowania logicznego, realizujący postawione w przykładzie zadanie jest przedstawiony na rys. 2.10.



Rys. 2.10. Schemat logiczny realizujący zadania sterujące pracą pomp

2.2. Układy sekwencyjne

Układami sekwencyjnymi nazywane są układy dyskretne, w których stan elementów wyjściowych jest funkcją nie tylko stanu elementów wejściowych, ale również funkcją poprzednich stanów układu. Oznacza to, iż zależność pomiędzy stanami wejść X i wyjść Y nie jest jednoznaczna:

$$Y_i^t = f_i(X^t, X^{t-1}, X^{t-2}, \dots) \quad \text{dla } i = 1, 2, \dots, n \quad (2.16)$$

Określonej kombinacji stanów sygnałów wejściowych (wektora wejściowego) mogą odpowiadać różne kombinacje stanów sygnałów wyjściowych (wektora wyjściowego), zależnie od stanu w jakim układ znajdował się poprzednio. Zależność aktualnego stanu od układu od jego stanu w chwili poprzedniej (chwilach poprzednich) jest realizowana za pomocą elementów pamięci Q . Stan elementów pamięci jest nazywany stanem wewnętrznym układu przełączającego.

Poszczególne elementy układów sekwencyjnych pracują w określonej kolejności. Każdy okres, podczas którego w układzie nie zachodzi żadna zmiana jest nazywany taktem.

2.2.1. Struktura układu sekwencyjnego

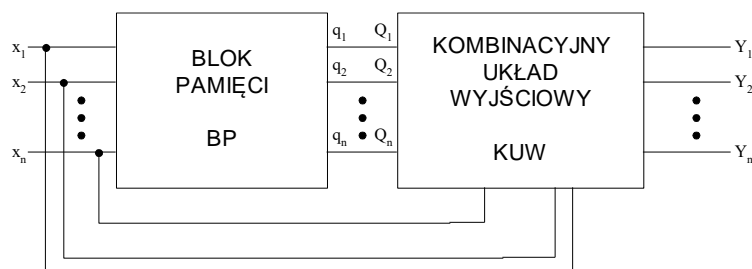
Struktura układów sekwencyjnych może być realizowana w postaci: tzw. automatu Mealy'ego (patrz rys. 2.11), w którym sygnały wyjściowe Y_i zależą od sygnałów elementów pamięci i od niektórych sygnałów wejściowych X_i :

$$Y_i^t = \lambda_i(Q^t, X^t) \quad (2.17)$$

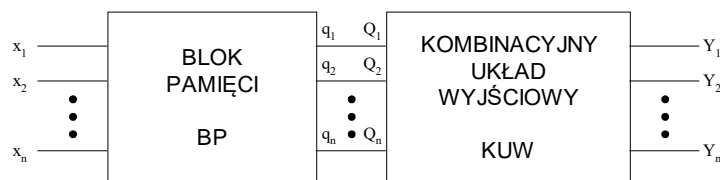
lub tzw. automatu Moore'a (patrz rys. 2.12), w którym sygnały wyjściowe zależą tylko od sygnałów elementów pamięci:

$$Y_i^t = \lambda_i(Q^t) \quad (2.18)$$

Zależności (2.17) i (2.18) nazywane są funkcjami wyjść układu przełączającego.



Rys. 2.11. Schemat blokowy układu sekwencyjnego realizowanego w postaci automatu Mealy'ego



Rys. 2.12. Schemat blokowy układu sekwencyjnego realizowanego w postaci automatu Moore'a

W obydwu realizacjach strukturę bloku pamięci określają tzw. funkcje przejść. Umożliwiają one wyznaczenie następnego stanu wewnętrznego układu Q^{t+1} na podstawie aktualnego stanu wejść X^t i aktualnego stanu wewnętrznego Q^t . Funkcje przejść można zapisać w postaci:

$$Q^{t+1} = \delta(Q^t, X^t) \quad (2.19)$$

Układy sekwencyjne mogą być realizowane jako asynchroniczne lub synchroniczne. W układach asynchronicznych zmiana stanu wewnętrznego może mieć miejsce w dowolnej chwili czasowej wyznaczonej przez zmianę jednego z sygnałów wejściowych. Układ synchroniczny

przechodzi do nowego stanu (pod warunkiem zmiany jednego z sygnałów wejściowych) w dyskretnych chwilach czasu wyznaczonych przez sygnał taktujący (synchronizujący). Prędkość pracy automatu asynchronicznego jest określana jedynie wewnętrznymi właściwościami urządzenia, natomiast automatu synchronicznego – sygnałem taktującym.

2.2.2. Zjawiska występujące w asynchronicznych układach przełączających

Każdy układ sekwencyjny może w danej chwili znajdować się w jednym z dwu wewnętrznych stanów pracy: stabilnym (trwałym) lub niestabilnym (nieotrwałym). W stanie stabilnym wyjścia wszystkich elementów systemu posiadają już wartości wynikające z ich sygnałów wejściowych i realizowanej funkcji tzn., że przebiegi przejściowe wywołane zmianą wektora wejściowego dobiegły końca. Przejście między dwoma stanami stabilnymi (wywołane zmianą wektora wejściowego) dokonuje się za pośrednictwem stanu niestabilnego. Istnienie stanu niestabilnego jest następstwem obecności opóźnień wnoszonych przez elementy składowe układu.

Zaprojektowany poprawnie pod względem logicznym układ, w rzeczywistości może pracować nieodpowiednio na skutek niedokładności swoich elementów. Spowodowane to jest zjawiskiem hazardu tzn. różnym czasem przebiegu sygnału po drogach równoległych. W układach sekwencyjnych zjawisko hazardu jest bardzo groźne, gdyż elementy pamięci mogą utrwalić przekłamane sygnały spowodowane hazardem i wtedy układ pracuje błędnie. Hazard usuwany jest z układu przez dodawanie tzw. grup antyhazardowych.

Gdy zmiana stanu układu sekwencyjnego wymaga równoczesnej zmiany stanu pracy dwóch lub więcej elementów pamięci pojawia się kolejne niekorzystne zjawisko nazywane wyścigiem. W praktyce równoczesność zmian stanu dwóch elementów jest trudno osiągalna. Nieosiągnięcie tego warunku powoduje przechodzenie przez układ różnych dróg w poszukiwaniu stanu stabilnego. Jeżeli układ po przejściu różnych dróg dochodzi w każdym przypadku do tego samego stanu stabilnego, to taki wyścig jest nazywany wyścigiem niekrytycznym. Jeżeli natomiast układ w każdym przypadku osiąga inny stan stabilny, to taki wyścig jest nazywany wyścigiem krytycznym. W celu uniknięcia zjawiska wyścigu, układy sekwencyjne projektuje się w sposób wykluczający możliwość równoczesnej zmiany w jednym taktie stanu dwóch elementów.

2.2.3. Uwagi ogólne o syntezie układów sekwencyjnych

Synteza układu sekwencyjnego rozpoczyna się od sporządzenia jednego z trzech następujących sposobów opisu działania układu:

- opisu słownego,
- przebiegów czasowych,
- grafu (wykresu) przejść.

Etapem następnym w zależności od przyjętej metody syntezy układu jest przedstawienie jego warunków pracy w postaci:

- pierwotnej tablicy programu (metoda tablic programu – Huffmana),
- tablicy kolejności łączy (metoda tablicy kolejności łączy).

Przy projektowaniu układów sekwencyjnych należy przyjąć następujące założenia:

- podanie nowego wektora wejściowego (zmiana sygnału wejściowego) może wystąpić tylko gdy układ znajduje się w stanie stabilnym,
- kolejne dwa wektory wejściowe muszą być sąsiednie logicznie (mogą się różnić tylko na jednej pozycji), w jednym taktie może się zmieniać stan tylko jednego sygnału wejściowego.

Blok pamięci układu sekwencyjnego może być realizowany w postaci układu bramek logicznych (występowanie charakterystycznych sprzężeń zwrotnych) lub w postaci układu przerzutników bistabilnych.

2.2.4. Synteza układu sekwencyjnego metodą tablic programu

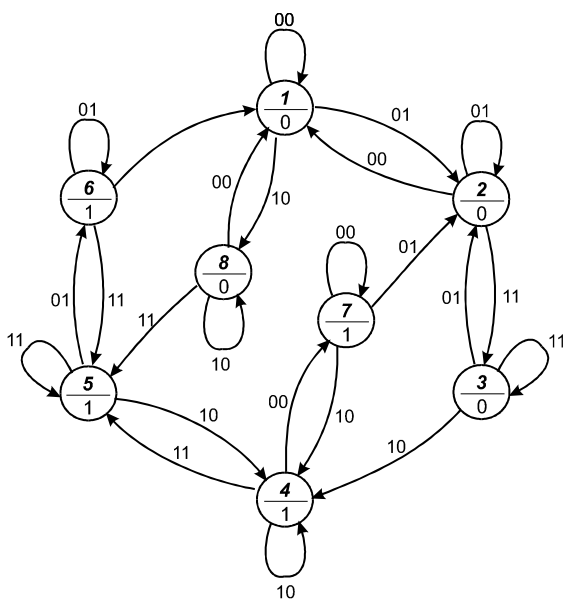
Synteza układów sekwencyjnych metodą tablic programu (Huffmana) przebiega w następujących etapach:

- sporządzenie tablicy stanów stabilnych (pierwotna tablica programu),
- uzupełnienie pierwotnej tablicy programu stanami niestabilnymi (kompletna tablica programu),
- redukcja kompletnej tablicy programu (zredukowana tablica programu),
- sporządzenie tablicy przejść (siatki przejść)
- sporządzenie tablicy stanów elementów pamięci
- sporządzenie tablicy stanów elementów wyjściowych
- określenie funkcji logicznych realizowanych przez elementy pamięci i wyjść

Powyższy tok postępowania zostanie szczegółowiej omówiony na dwóch przykładach.

Przykład 1 Dokonać syntezy układu o następujących własnościach. Układ posiada dwa wejścia x_1, x_2 oraz jedno wyjście Z . Jeżeli sygnał na wejściu x_2 się zmieni, to wtedy i tylko wtedy na wyjściu układu powinien pojawić się sygnał taki jak na wejściu x_1 . Jeżeli zmieni się sygnał na wejściu x_1 sygnał wyjściowy nie powinien się zmienić. Oba sygnały na wejściach nie mogą zmieniać się równocześnie.

Sporządzenie pierwotnej tablicy programu bezpośrednio na podstawie opisu słownego działania układu często nie jest zadaniem łatwym. Wtedy stosuje się środki pomocnicze, do których należy graf przejść projektowanego układu, ponieważ słownie sformułowane warunki pracy dają się zwykle łatwo przedstawić za jego pomocą. Na grafie przejść (patrz rys. 2.13) przedstawione są wszystkie stany wewnętrzne stabilne układu („kółeczka” z kolejnymi cyframi dziesiętymi – numerami stanu) i możliwe przejścia między nimi (gałęzie z przypisanymi im wektorami wejściowymi wymuszającymi te przejścia). Każdy stan stabilny jest ponadto opisany odpowiadającym mu wektorem wyjściowym (wartość binarna pod numerem stanu).



Rys. 2.13. Graf przejść dla układu z przykładu 1

	x_1x_2 00	x_1x_2 01	x_1x_2 11	x_1x_2 10	Z
1	①				0
2		②			0
3			③		0
4				④	1
5			⑤		1
6		⑥			1
7	⑦				1
8				⑧	0

Rys. 2.14. Tablica programu ze stanami stabilnymi do przykładu 1

	x_1x_2 00	x_1x_2 01	x_1x_2 11	x_1x_2 10	Z
1	①	2	—	8	0
2	1	②	3	—	0
3	—	2	③	4	0
4	7	—	5	④	1
5	—	6	⑤	4	1
6	1	⑥	5	—	1
7	⑦	2	—	4	1
8	1	—	5	⑧	0

Rys. 2.15. Kompletna tablica programu do przykładu 1

Na podstawie grafu przejść można w łatwy sposób określić pierwotną tablicę programu (rys. 2.14). Pierwotna tablica programu zawiera tyle kolumn ile różnych wektorów wejściowych może w układzie wystąpić oraz dodatkową kolumnę dla wektora sygnałów wyjściowych. Liczba wierszy zaś odpowiada liczbie stanów stabilnych systemu. Każdemu stanowi stabilnemu przypisany jest odpowiadający mu wektor wyjściowy.

W celu otrzymania kompletnej tablicy programu (rys. 2.15) pierwotną tablicę programu należy uzupełnić o stany niestabilne. Jeżeli np. układ znajduje się w stanie ① i sygnał wejściowy x_1x_2 ulegnie zmianie $00 \rightarrow 01$ to sygnał wyjściowy nie ulegnie zmianie ($Z = 0$) i układ powinien przejść do stanu ②. Zatem w kratkę leżącą na przecięciu pierwszego wiersza i drugiej kolumny

wstawiany jest indeks 2 (stan przejściowy – niestabilny). Jeżeli układ znajduje się w stanie 1 to sygnał wejściowy x_1x_2 ni może ulec zmianie 00 11 (zgodnie z założeniem). Dlatego w kratkę leżącą na przecięciu pierwszego wiersz i trzeciej kolumny wstawiana jest kreska - (stan zabroniony). W analogiczny sposób uzupełniane są pozostałe kratki tablicy.

Ponieważ liczba stanów wewnętrznych układu (liczba wierszy w pierwotnej tablicy programu) określa ilość przerzutników niezbędnych do realizacji bloku pamięci, kompletna tablica programu powinna zostać zredukowana (zminimalizowana). Redukcję przeprowadza się w dwóch krokach:

- redukcja stanów wewnętrznych równoważnych. Stany stabilne (m) i (n) są równoważne, jeżeli znajdują się w tej samej kolumnie (te same wektory wejściowe), mają jednakowe lub nie sprzeczne (np. 01 i 0-) stany sygnałów wyjściowych Z oraz mają takie same lub niesprzeczne przejścia dla dowolnej sekwencji sygnałów wejściowych (w każdej kolumnie jednakowe (lub nie sprzeczne) numery stanów niestabilnych). Jeżeli dwa stany wewnętrzne są równoważne to jeden z odpowiadających im wierszy (zwykle z większym numerem stanu stabilnego) można w tablicy skreślić.
- redukcja wierszy. Można łączyć również ze sobą takie wiersze, w których stany stabilne znajdują się w różnych kolumnach, o ile tylko inne stany w odpowiednich kolumnach tych wierszy nie są sprzeczne. Wtedy w wierszu otrzymanym w wyniku redukcji wystąpi kilka stanów stabilnych. Nie musi być tutaj przestrzegana zasada niesprzeczności stanów sygnałów wyjściowych. Jeżeli stan sygnałów wyjściowych łączonych wierszy jest taki sam (lub nie sprzeczny), to zredukowanej tablicy programu odpowiada jednokolumnowa tablica wyjść (uzyskanie automatu Moore'a). Jeżeli stan sygnałów wyjściowych łączonych wierszy jest różny to zredukowanej tablicy programu nie odpowiada już jednokolumnowa tablica wyjść (zależność od niektórych sygnałów wejściowych) i w rezultacie uzyskuje się automat Mealy'ego).

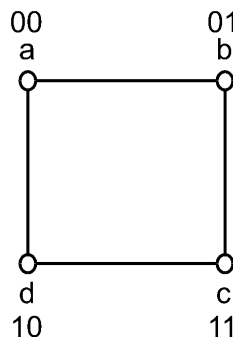
Kompletna tablica programu z przykładu 1 (rys. 2.15) nie zawiera stanów wewnętrznych równoważnych. Można więc przejść do drugiego etapu redukcji wierszy. Redukcję wierszy można przeprowadzić dwoma sposobami:

1	2
wiersz 1 z wierszem 8	wiersz 1 z wierszem 2
wiersz 2 z wierszem 3	wiersz 3 z wierszem 7
wiersz 4 z wierszem 7	wiersz 4 z wierszem 5
wiersz 5 z wierszem 6	wiersz 6 z wierszem 8

Redukcja pierwszym sposobem prowadzi do uzyskania automatu Moore'a, natomiast drugim - automatu Mealy'ego (sprzeczność wyjść przy łączeniu wierszy: 3 z 7 i 6 z 8). Przedstawioną na rys. 2.16 zredukowaną tablicę programu otrzymano przeprowadzając redukcję sposobem 1.

	x_1x_2 00	x_1x_2 01	x_1x_2 11	x_1x_2 10	Z
a: 1,8	①	2	5	⑧	0
b: 2,3	1	②	③	4	0
c: 4,7	⑦	2	5	④	1
d: 5,6	1	⑥	⑤	4	1

Rys. 2.16. Zredukowana tablica programu dla przykładu 1



Rys. 2.17. Wykres przejść dla przykładu 1

q_1, q_2	x_1x_2 00	x_1x_2 01	x_1x_2 11	x_1x_2 10
a: 00	00	01	10	00
b: 01	00	01	01	11
c: 11	11	01	10	11
d: 10	00	10	10	11

Rys. 2.18. Tablica przejść dla przykładu 1

W celu uzyskania tablicy przejść należy wykonać kodowanie stanów wewnętrznych systemu (wierszy zredukowanej tablicy układu) stanami elementów pamięci. Minimalną liczbę

elementów pamięci potrzebnych do realizacji układu określa liczba wierszy w zredukowanej tablicy programu. Przy jej wyznaczaniu korzysta się z zależności:

$$2^{m-1} < l \leq 2^m \quad (2.20)$$

gdzie: l – liczba wierszy; m – liczba elementów pamięci. Tak więc dla przykładu $l = m = 2$.

W wyniku kodowania wszystkim stanom stabilnym znajdującym się w jednym wierszu można przyporządkować ten sam stan elementów pamięci q , ponieważ stany te rozróżniają różne stany elementów wejściowych. Stanom stabilnym znajdującym się w różnych wierszach przyporządkowywane są różne stany elementów q . Stany elementów pamięci należy rozmieszczać w ten sposób, aby każde przejście od stanu niestabilnego m do odpowiadającego mu stanu stabilnego m pociągało za sobą zmianę stanu tylko jednego elementu pamięci. Aby to uzyskać należy wiersze zawierające stany niestabilne m i wiersz zawierający stan stabilny m zakodować sąsiednimi logicznie stanami elementów pamięci. Tym samym unika się w układzie zjawiska wyścigu. Przy właściwym rozmieszczeniu stanów elementów pamięci dla poszczególnych wierszy korzysta się z pomocy tzw. wykresu przejść (patrz rys. 2.17). Ilustruje on wszystkie przejścia występujące w zredukowanej tablicy programu. Węzły wykresu przejść odpowiadają wierszom tablicy programu. Między węzłami prowadzone są linie odpowiadające przejściom w tablicy. Poszczególnym węzłom przypisuje się liczby dwójkowe (reprezentujące stany elementów pamięci) w taki sposób aby węzły wzajemnie połączone różniły się w swoim opisie dwójkowym stanem tylko jednej zmiennej. Liczby dwójkowe opisujące węzły przyjmuje się do zakodowania poszczególnych wierszy zredukowanej tablicy programu i otrzymania tablicy przejść (rys. 2.18). W kratki, w których znajdują się stany niestabilne wpisujemy jest kod odpowiadający stanowi stabilnemu o tym samym numerze co stan niestabilny.

Siatkę przejść (rys. 2.18) należy rozbić na dwie oddzielne tablice stanów elementów pamięci. Tablice te przedstawione są na rys. 2.19.

a)	b)																																																												
<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th style="width: 10%;"></th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> </tr> <tr> <th style="width: 10%;">q_1, q_2</th> <th>00</th> <th>01</th> <th>11</th> <th>10</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>00</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>01</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>11</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>10</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">Q_1</p>		x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	q_1, q_2	00	01	11	10	00	0	0	1	0	01	0	0	0	1	11	1	0	1	1	10	0	1	1	1	<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <thead> <tr> <th style="width: 10%;"></th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> <th style="width: 15%;">x_1, x_2</th> </tr> <tr> <th style="width: 10%;">q_1, q_2</th> <th>00</th> <th>01</th> <th>11</th> <th>10</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>00</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>01</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>11</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>10</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">Q_2</p>		x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	q_1, q_2	00	01	11	10	00	0	1	0	0	01	0	1	1	1	11	1	1	0	1	10	0	0	0	1
	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2																																																									
q_1, q_2	00	01	11	10																																																									
00	0	0	1	0																																																									
01	0	0	0	1																																																									
11	1	0	1	1																																																									
10	0	1	1	1																																																									
	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2	x_1, x_2																																																									
q_1, q_2	00	01	11	10																																																									
00	0	1	0	0																																																									
01	0	1	1	1																																																									
11	1	1	0	1																																																									
10	0	0	0	1																																																									

Rys. 2.19. Tablice stanów elementów pamięci: a) Q_1 , b) Q_2

Rys. 2.20. Tablice stanów dla wyjścia Z

q_1, q_2	Z
00	0
01	0
11	1
10	1

Z tablic stanów po przeprowadzeniu minimalizacji (patrz punkt 2.2.2) otrzymywane są funkcje logiczne:

$$Q_1 = x_1 q_1 + x_1 x_2 \bar{q}_2 + x_2 q_1 q_2 + x_1 x_2 q_2 + x_2 q_1 \bar{q}_2 \quad (2.21)$$

$$Q_2 = \bar{x}_1 q_1 q_2 + \bar{x}_1 x_2 \bar{q}_1 + x_2 \bar{q}_1 q_2 + x_1 \bar{x}_2 q_2 + x_1 x_2 \bar{q}_1 + \bar{x}_1 x_2 q_2 + x_1 \bar{q}_1 q_2 \quad (2.22)$$

$$Z = q_1 \quad (2.23)$$

Przy minimalizacji funkcji logicznych należy zwracać uwagę na zjawisko hazardu. W celu jego eliminacji do funkcji opisującej element pamięci Q_2 dodano dwie grupy antyhazardowe (przerwana linie w tablicy stanów elementów pamięci Q_2).

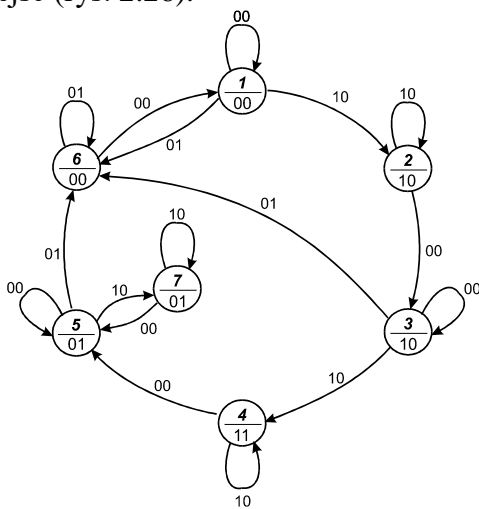
Przykład 2 Przeprowadzić syntezę układu zdalnego załączania silnika z następującymi warunkami pracy:

- naciśnięcie przycisku startowego u_1 powinno uruchomić sygnał akustyczny Y_1 ,

- drugie naciśnięcie przycisku startowego u_1 powinno załączyć napięcie na stycznik Y_2 silnika,
- zwolnienia przycisku po uruchomieniu silnika powinno wyłączyć syrenę,
- naciśnięcie przycisku u_2 powinno wyłączyć silnik lub syrenę w zależności od tego które z tych urządzeń aktualnie.

Rozwiązanie:

Graf przejść projektowanego układu został przedstawiony na rys. 2.21 natomiast pierwotna tablica programu na rys. 2.22. Kompletna tablica programu nie zawiera stanów wewnętrznych równoważnych. W wyniku połączenia wierszy 1,6 i 5,7 otrzymano zredukowaną tablicę programu przedstawioną na rys. 2.23. Do realizacji układu wymagana jest pamięć 3-elementowa, ponieważ zredukowana tablica programu zawiera 5 wierszy. Wykres przejść (rys. 2.24) pokazuje, iż nie można bezpośrednio zakodować zredukowanej tablicy programu (niedopuszczalne przejście a-e). Żeby to wyeliminować wprowadzany jest dodatkowy węzeł f (dodatkowy stan). Zatem zakodowanie wierszy w zredukowanej tablicy programu wymaga jej rozszerzenia do postaci pokazanej na rys. 2.25. Na podstawie poszerzonej zredukowanej tablicy stworzono siatkę przejść (rys. 2.26).



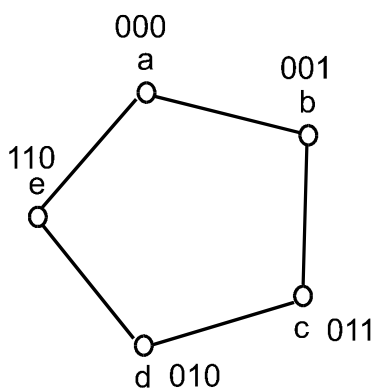
Rys. 2.21. Graf przejść dla układu z przykładu 2

	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10	y_1, y_2
1	①	6	—	2	00
2	3	—	—	②	10
3	③	6	—	4	10
4	5	—	—	④	11
5	⑤	6	—	7	01
6	1	⑥	5	—	00
7	5	—	—	⑦	01

Rys. 2.22. Kompletna tablica programu do przykładu 2

	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
a: 1,6	①	⑥	—	2
b: 2	3	—	—	②
c: 3	③	6	—	4
d: 4	5	—	—	④
e: 5,7	⑤	6	—	⑦

Rys. 2.23. Zredukowana tablica programu do przykładu 2



Rys. 2.24. Wykres przejść dla przykładu 2

	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
a: 1,6	①	⑥	—	2
b: 2	3	—	—	②
c: 3	③	6	—	4
d: 4	5	—	—	④
e: 5,7	⑤	6'	—	⑦
	—	—	—	—
	—	—	—	—
f:	—	6	—	—

Rys. 2.25. Poszerzona zredukowana tablica programu dla przykładu 2

q_1, q_2, q_3	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
a: 000	000	000	—	001
b: 001	011	—	—	001
c: 011	011	000	—	010
d: 010	110	—	—	010
e: 110	110	100	—	110
	111	—	—	—
	101	—	—	—
f: 100	—	000	—	—

Rys. 2.26. Tablica przejść dla przykładu 2

a)

q ₁ q ₂ q ₃	u ₁ u ₂ 00	u ₁ u ₂ 01	u ₁ u ₂ 11	u ₁ u ₂ 10
000	0	0	—	0
001	0	—	—	0
011	0	0	—	0
010	1	—	—	0
110	1	1	—	1
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

Q₁

q ₁ q ₂ q ₃	u ₁ u ₂ 00	u ₁ u ₂ 01	u ₁ u ₂ 11	u ₁ u ₂ 10
000	0	0	—	0
001	1	—	—	0
011	1	0	—	1
010	1	—	—	1
110	1	0	—	1
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

Q₂

q ₁ q ₂ q ₃	u ₁ u ₂ 00	u ₁ u ₂ 01	u ₁ u ₂ 11	u ₁ u ₂ 10
000	0	0	—	1
001	1	—	—	1
011	1	0	—	0
010	0	—	—	0
110	0	0	—	0
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

Q₃

b)

q ₁	q ₂ q ₃ 00	q ₂ q ₃ 01	q ₂ q ₃ 11	q ₂ q ₃ 10
0	0	1	1	1
1	—	—	—	0

Y₁

q ₁	q ₂ q ₃ 00	q ₂ q ₃ 01	q ₂ q ₃ 11	q ₂ q ₃ 10
0	0	0	0	1
1	—	—	—	1

Y₂

Rys. 2.27. Tablice stanów elementów: a) pamięci; b) wyjść

Z tablic stanów (rys. 2.27) otrzymywane następujące funkcje logiczne:

$$Q_1 = q_1 q_2 + \bar{u}_1 \bar{q}_2 \bar{q}_3 \quad (2.24)$$

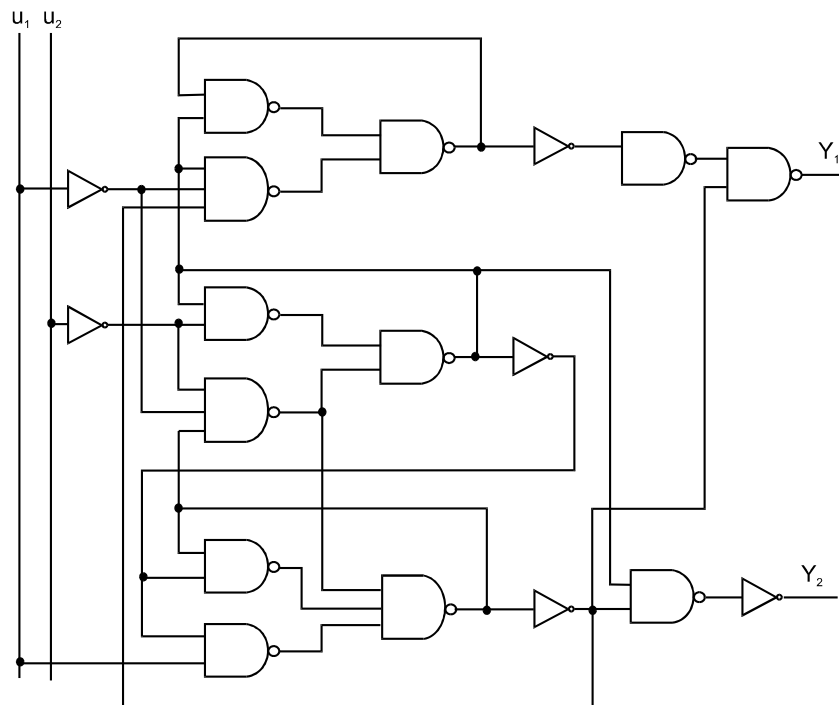
$$Q_2 = \bar{u}_2 q_2 + \bar{u}_1 \bar{u}_2 q_3 \quad (2.25)$$

$$Q_3 = u_1 \bar{q}_2 + \bar{u}_1 \bar{u}_2 q_3 + \bar{q}_2 q_3 \quad (2.26)$$

$$Y_1 = q_3 + q_1 q_2 \quad (2.27)$$

$$Y_2 = q_2 q_3 \quad (2.28)$$

Zrealizowany w oparciu o funkcje (2.24 – 2.28) układ sekwencyjny przedstawiony jest na rys. 2.28.



Rys. 2.28. Schemat logiczny systemu z przykładu 2 z zastosowaniem logicznych sprzężeń zwrotnych

2.2.5. Synteza układu sekwencyjnego na podstawie tablicy kolejności łączy

Metoda tablicy kolejności łączy jest jedną z kilku znanych metod projektowania układów sekwencyjnych. Jest ona szczególnie użyteczna w przypadku sterowania, polegającego na

zapewnieniu wzajemnej współzależności pracy kilku mechanizmów w sensie określonej kolejności ich włączania i wyłączania (sterowanie binarne). Metodę stosuje się dla niezbyt dużej liczby elementów wejściowych i wyjściowych (do 6) [1], nawet dla dość skomplikowanych programów pracy.

Tablica kolejności łączeń (TKŁ) zawiera bieżące stany wszystkich elementów automatu w poszczególnych jego taktach pracy. Rys. 2.29 pokazuje przykładową TKŁ, opisującą działanie automatu 1-no wejściowego, w którym po załączeniu elementu wejściowego x mają być załączone elementy Y_1, Y_2, Y_3 w kolejności wzrastających indeksów, a następnie włączone w odwrotnej kolejności.

Poszczególne wiersze tablicy oznacza się nazwami elementów (sygnałów) wejściowych, wyjściowych i ewentualnie elementów pośredniczących (pamięciowych), poszczególne kolumny – numerami taktów. Symbolem (+) oznacza się stany działania elementu, a symbolem (-) – stany niedziałania. Symbolami wyszczególnione są tylko takty, w których następują zmiany stanów elementów automatu. Dolny wiersz tablicy służy do numerycznego zapisu dziesiętnego stanu układu w poszczególnych taktach jego elementów. W dowolnym takcie każdy element znajduje się w stanie 0 (nie działa) lub w stanie 1 (działa). Stan układu w każdym takcie, można więc przedstawić za pomocą wyrażenia zero-jedynkowego (liczby zapisanej w kodzie dwójkowym) i odpowiadającej mu wartości dziesiętnej. Np.: w takcie 3-cim (rys. 2.29), stan układu określony jest przez stany elementów $x=1; Y_1=1; Y_2=1; Y_3=0$, co w zapisie dziesiętnym odpowiada liczbie 7 ($0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 7$).

Takty		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	...	
Stan elementów	x	2^0	-	+							-	+		
	Y_1	2^1	-		+					-			+	
	Y_2	2^2	-			+			-					
	Y_3	2^3	-				+	-						
Stan układu (stopień łączenia)			0	1	3	7	15	7	3	1	0	1	3	...

Rys. 2.29. Przykładowa tablica kolejności łączeń.

Takt, w którym wszystkie elementy układu wracają do stanu początkowego, jest zakończeniem *cyklu pracy* układu. W tablicy jak na rys.2.29 cykl pracy układu (traktowanego łączni), obejmuje osiem taktów (od numeru 0 do numeru 7). Praca każdego elementu składa się z następujących po sobie na przemian *cykli działania* i *cykli niedziałania*. Dla każdego elementu tablicy istnieją w pewnych taktach *warunki działania*, a w innych *warunki niedziałania*. Do taktów w których dla danego elementu istnieją warunki działania, należy dołączyć takt poprzedzający cykl działania (w tym takcie istnieje już przyczyna zadziałania elementu), natomiast wykluczyć ostatni takt cyklu działania (wtedy właśnie powstaje przyczyna niedziałania tego elementu). Analogicznie należy określić zbiór taktów dla warunków niedziałania danego elementu. Np. dla elementu Y_1 warunki jego działania istnieją w taktach 1, 2, 3, 4, 5, a warunki niedziałania w taktach 0, 6, 7.

Do tablicy wprowadza się początkowo tylko elementy wejściowe oraz wyjściowe. Zestawiona w ten sposób TKŁ, w której elementy wyjściowe odgrywają równocześnie rolę elementów pamięciowych, może wystarczyć albo nie wystarczyć do wyznaczenia odpowiednich funkcji logicznych. W drugim przypadku tablicę należy uzupełnić dodatkowymi elementami

pośredniczącymi (pamięciowymi). W pierwszym przypadku mamy do czynienia z tzw. *Tablicą rozwiązalną*. W takiej tablicy nie występują sprzeczności, polegające np. na tym, że w tych samych warunkach (przy takim samym stanie układu) jakiś element raz ma działać, a drugi raz (w innym taktie) nie działać. W przypadku występowania w tablicy sygnalizowanych sprzeczności, nazywa się ją *tablicą nierozwiązywalną*. TKŁ jest tablicą rozwiązalną jeżeli:

1. W czasie jednego cyklu pracy układu nie powtórzy się. Przykładowa tablica z rys. 2.29 jest nierozwiązalna. Wyrażony w numerycznym zapisie dziesiętnym stan układu jest taki sam dla taktów 1 i 7 (równy 1), taktów 2 i 6 (równy 3) i taktów 3 i 5 (równy 7). Na przykład dla elementu Y_1 występuje jednakowy stan układu równy 3 w taktach 2 i 6 , chociaż takt 2 należy do cyklu działania, a takt 6 do cyklu niedziałania tego elementu.
2. W obrębie tego samego cyklu pracy układu, powtarzający się stan wchodzi zawsze tylko do taktów cyklu działania albo do taktów cyklu niedziałania danego elementu wyjściowego lub elementu pamięci.

W celu ułatwienia rozpoznania kiedy TKŁ jest rozwiązalna, mimo powtarzających się w cyklu pracy układu tych samych stanów rozróżnia się w tablicy *takty stabilne i niestabilne*.

Takty stabilne to takie, po których nie występuje zmiana stanu elementów pamięci. Mogą one trwać dowolnie długo, dopóki nie wystąpi nowa zmiana stanu elementów wejściowych.

Takty niestabilne to takie po których następuje zmiana stanu elementów pamięci. Trwają one krótko i po nich stan układu zmienia się samoczynnie aż do osiągnięcia stanu stabilnego. Oznacza się je znacznikiem \wedge , pod lub nad tablicą.

TKŁ jest więc tablicą rozwiązalną jeżeli:

1. Nie występują powtórzenia stanu (stopnia łączenia) w cyklu pracy.
2. Powtórzenia występują w *taktach stabilnych*,
3. Powtórzenia występują w *taktach niestabilnych* ale wywołuje to jednakowe skutki, czyli takie same stany w taktach następnych.

Cechą charakterystyczną TKŁ jest występowanie stosunkowo niewielkiej, w porównaniu do wszystkich możliwych, liczby stanów automatu. Np. jeżeli tablica zawiera 4 elementy to liczba możliwych stanów automatu wynosi 16. Ignoruje problem nierozwiązalności np. TKŁ z rys 2.29, realizujący ja automat wykorzystuje jedynie 5 stanów. Pozostałe stany automatu są stanami obojętnymi dla każdego z jego elementów. Dzięki temu struktura automatu sekwencyjnego jest zwykle dosyć prosta, nawet w przypadku realizowania skomplikowanego programu pracy.

Funkcję logiczną dowolnego elementu np., „W” TKŁ można przedstawić w *kanonicznej postaci sumy*

$$F(W) = \sum_{\alpha=1}^i K_{\alpha}^1 + \sum 0^1 \quad (2.29)$$

lub *kanonicznej postaci iloczynu*

$$F(W) = \prod \prod_{\beta=1}^j K_{\beta}^0 * \prod 0^0 \quad (2.30)$$

gdzie: i – liczba taktów z warunkami działania; j – liczba taktów z warunkami niedziałania;
 K^1 – składniki jedyńki; K^0 – czynniki zera; 0^1 – stany obojętne przyjęte za stany 1 ;
 0^0 – stany obojętne przyjęte za stany 0.

W celu określenia funkcji logicznych automatu, należy dla każdego elementu rozwiązalnej TKŁ (oprócz elementów wejściowych) zastosować *cykliczne siatki zależności*. W odpowiednie kratki siatek zależności wpisywane są obie postaci 2.29 i 2.30 wyrażenia logicznego danego elementu tablicy.

Każda siatka zależności (podobna do tablicy Karnaugh dla układów kombinacyjnych) przedstawia logiczną zależność określonego sygnału wyjściowego lub pośredniczącego w bieżących taktach, od wartości sygnałów wejściowych, wyjściowych i pośredniczących, w

taktach bezpośrednio ich poprzedzających. Argumentami siatek (w interpretacji stykowej) są stany styków elementów układu (oznaczone małymi literami), zaś wartościami stany wzbudzeń cewek (oznaczone dużymi literami).

Od momentu sporządzenia siatek zależności metoda postępowania nie różni się od stosowanej przy syntezie układów kombinacyjnych.

Przykład 3. Dokonać syntezy układu sekwencyjnego pracującego według tablicy kolejności łączy jak na rysunku 2.30.

Takty			0	1	2	3	4	5	6	7	8	...
Stan elementów	X	2 ⁰	-	+		-	+		-	+		Itd.
	Y	2 ¹	-		+			-			+	
(stopień łączy)			0	1	3	2	3	1	0	1	3	...
			^		^			Itd.				

Rys 2.30. nierozwiązalna tablica kolejności łączy do przykładowego układu.

Nietrudno się przekonać, że istnieją powtórzenia w stanie stabilnym i niestabilnym (takt 1, 5 i 2, 4). Tablica jest więc nierozwiązalna. Wprowadzamy dodatkowo jeden element pośredniczący (pamięciowy), narzucający tak jego cykl pracy, aby usunąć logiczne sprzeczności w tablicy. W konsekwencji uzyskamy tablicę jak na rys. 2.31 która jest rozwiązalna.

Takty			0	1	2	3	3'	4	5	6	6'	7	8
	X	2 ⁰	-	+		-		+		-		+	
	Y	2 ¹	-	[+]	[-]		+
	Q	2 ²	-]	[+]	[-		
(stopień łączy)			0	1	3	2	6	7	5	4	0	1	3

Rys. 2.31. Rozwiązalna tablica kolejności łączy do przykładowego układu.

Cykl istnienia warunków działania elementu Y obejmuje takty 1, 2, 3, 3', cykl występowania warunków nie działania takty 4, 5, 6, 6'. analogicznie dla elementu pamięciowego warunki działania występują w taktach 3, 3', 4, 5, zaś nie działania w taktach 1, 2, 6, 6'. Uwzględniając stany układu w tych taktach otrzymamy:

$$F(Y) = \sum (1,2,3,6)_{x,y,q} + \sum 0^1 \quad F(Q) = \sum (2,5,6,7)_{x,y,q} + \sum 0^1 \quad (2.31)$$

$$F(Y) = \prod (0,4,5,7)_{x,y,q} \cdot \prod 0^0 \quad F(Q) = \prod (0,1,3,4)_{x,y,q} \cdot \prod 0^0 \quad (2.32)$$

Składniki i czynniki zawierające stany obojętne nie występują. Dla elementu wyjściowego i elementu pamięci układamy cykliczne siatki zależności rys. 2.32.

x\y,q	00	01	11	10
0	0	1	1	1
1	0	0	0	1

Y

x\y,q	00	01	11	10
0	0	0	0	1
1	0	1	1	1

Q

Rys. 2.32. Odpowiednie siatki zależności.

Duże litery Y, Q oznaczają stany przekaźników, natomiast małe litery x, y, q stany ich styków. Przeprowadzając minimalizację identycznie jak dla układów kombinacyjnych otrzymamy na podstawie wejść jednakowych odpowiednie wyrażenia strukturalne dla poszczególnych wyjść układu.

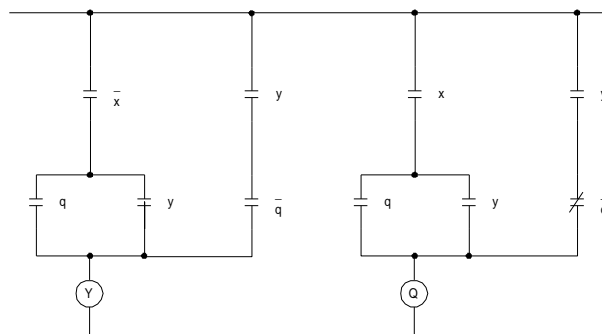
Uwaga: Wybrano dodatkowe grupy zachodzące na siebie aby wyeliminować możliwość powstawania hazardu (tzw. grupy antyhazardowe).

$$F(Y) = \bar{x}q + \bar{x}y + y\bar{q}; \quad F(Q) = xq + xy + y\bar{q} \quad (2.33)$$

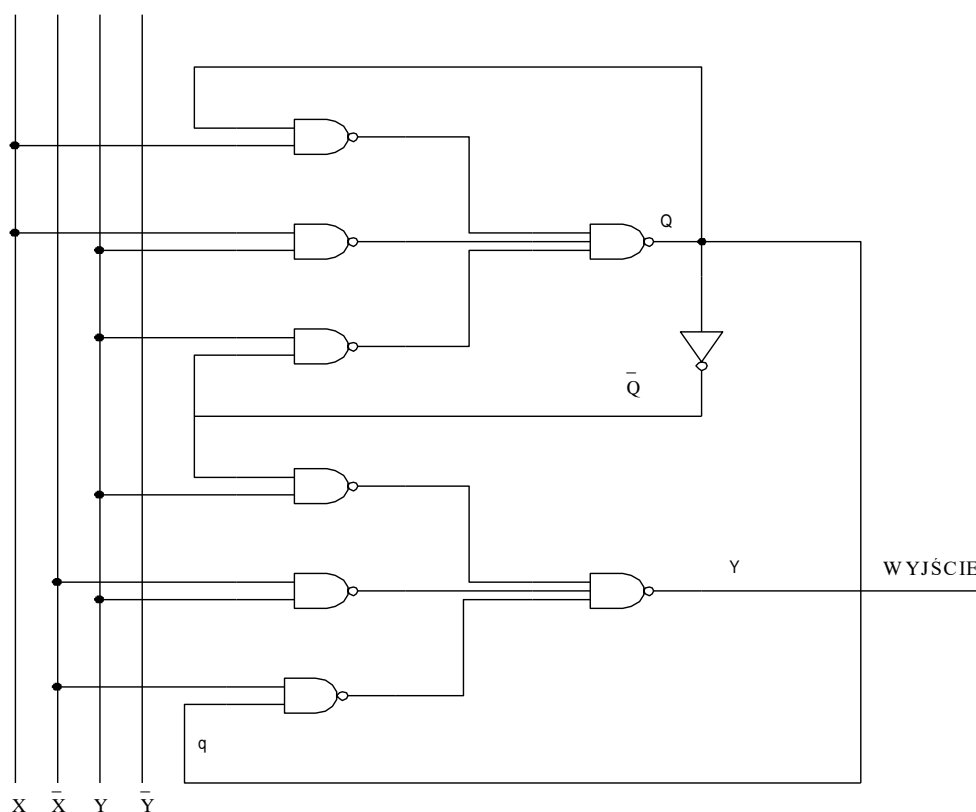
Dla całego układu (i warunków działania) wyrażenie strukturalne będzie więc miało następującą postać:

$$F = (\bar{x}q + \bar{x}y + y\bar{q})Y + (xq + xy + y\bar{q})Q \quad (2.34)$$

Odpowiednie schematy połączeń dla realizacji stykowej i bezstykowej przedstawione zostały na rysunkach 2.33. i 2.34.



Rys. 2.33 Układ sekwencyjny do przykładu zestawiony na podstawie warunków działania – wersja stykowa.



Rys. 2.34. Układ sekwencyjny do przykładu zestawiony na podstawie warunków działania – wersja bezstykowa.

2.2.6. Synteza układu sekwencyjnego z zastosowaniem przerzutników

Przy syntezie układów sekwencyjnych z przerzutnikami należy najpierw wyznaczyć funkcje logiczne opisujące blok pamięci. Można przy tym zastosować dowolną metodę np. metodę tablic programu lub metodę tablic kolejności łączy. Na podstawie wyznaczonych wyrażeń funkcji pamięci określa się funkcje wzbudzeń przerzutników, które mają być w układzie zastosowane.

Dostępne są różne typy przerzutników: RS, JK, T. Należy najpierw zdecydować, który typ przerzutnika będzie wykorzystywany. Tablice wzbudzeń dla powyżej przedstawionych typów przerzutników prezentuje rys. 2.35.

q -> Q	r	s	j	k	t
0 0	-	0	0	-	0
0 1	0	1	1	-	1
1 0	1	0	-	1	1
1 1	0	-	-	0	0

Rys. 2.35. Zestawienie tablic wzbudzeń typowych przerzutników asynchronicznych

Funkcje logiczne realizowane przez odpowiednie typy przerzutników asynchronicznych są następujące:

$$\text{SR: } Q = \bar{r}(s + q) \quad \text{lub} \quad Q = s + \bar{r}q \quad \text{lub} \quad Q = \bar{r}q + s\bar{q} \quad (2.35)$$

$$\text{JK: } Q = \bar{k}q + j\bar{q} \quad (2.36)$$

$$\text{T: } Q = \bar{T}q + T\bar{q} \quad (2.37)$$

Istnieją różne metody wyznaczania funkcji wzbudzeń przerzutników. Najczęściej stosowane to:

- określenie funkcji wzbudzeń przerzutnika na podstawie siatki stanów elementu pamięci i na podstawie tablic wzbudzeń przerzutnika,
- metoda algebraiczna,
- metoda transformacji funkcji logicznej elementu pamięci.

Metoda algebraiczna polega na wyznaczeniu funkcji wzbudzeń przerzutnika bezpośrednio z wyrażenia logicznego elementu pamięci. Jeżeli znane jest wyrażenie Q elementu pamięci to dla przerzutnika sr :

$$Q = f(q, s, r) \quad (2.38)$$

gdzie: q – stan aktualny, Q – stan następny, s, r – wejścia przerzutnika.

W wyniku rozwinięcia funkcji (2.38) względem q na dwa składniki jedyinki otrzymamy:

$$Q = f(q, s, r) = f(0, s, r) \cdot \bar{q} + f(1, s, r) \cdot q \quad (2.39)$$

lub:

$$Q = f(q, s, r)|_{q=0} \cdot \bar{q} + f(q, s, r)|_{q=1} \cdot q \quad (2.40)$$

Porównując wyrażenie (2.40) z wyrażeniem $Q = \bar{r}q + s\bar{q}$ (funkcja logiczna realizująca przerzutnik) można stwierdzić, że:

$$s = f(q, s, r)|_{q=0} \quad \text{czyli} \quad s = Q|_{q=0} \quad (2.41)$$

$$\bar{r} = f(q, s, r)|_{q=1} \quad \text{czyli} \quad \bar{r} = Q|_{q=1} \quad (2.42)$$

Przykład 3. Dokonać syntezy automatu z zastosowaniem przerzutnika sr, którego funkcje pamięci opisane są następującymi wyrażeniami:

$$Q_1 = q_2(\bar{x}_2 + q_1) \quad (2.43)$$

$$Q_2 = \bar{x}_1(x_2 + q_2) \quad (2.44)$$

Funkcje wzbudzeń dla przerzutnika Q_1 :

$$s_1 = Q_1|_{q_1=0} = q_2(\bar{x}_2 + q_1)|_{q_1=0} = q_2\bar{x}_2 \quad (2.45)$$

$$\bar{r}_1 = Q_1|_{q_1=1} = q_2(x_2 + q_1)|_{q_1=1} = q_2 \quad \text{to} \quad r_1 = \bar{q}_2 \quad (2.46)$$

dla przerzutnika Q_2 :

$$s_2 = Q_{21}|_{q_1=0} = \bar{x}_1 x_2 \quad (2.47)$$

$$\bar{r}_2 = Q_2|_{q_1=1} = \bar{x}_1 \quad \text{to} \quad r_2 = x_1 \quad (2.48)$$

Funkcje wzbudzeń przerzutnika sr można wyznaczyć bezpośrednio z siatki stanów elementów pamięci Q , kreskując w niej np. pole dla którego $q=1$. Pole zakreskowane odpowiada funkcji \bar{r} (reszta to stany \emptyset), a nie zakreskowane funkcji s (reszta to stany \emptyset).

Powyższy tok postępowania zostanie zastosowany do wyznaczania funkcji wzbudzeń przerzutników z tablic stanów elementów pamięci z przykładu 2 (patrz rys. 2.36). Tak więc z siatki stanów dla Q_1 wynika, że:

$$\bar{r}_1 = q_2 \quad \text{to} \quad r_1 = \bar{q}_2 \quad (2.49)$$

$$s_1 = \bar{u}_1 q_2 q_3 \quad (2.50)$$

Z siatki stanów dla Q_2 wynika, że:

$$\bar{r}_2 = \bar{u}_2 \quad \text{to} \quad r_2 = u_2 \quad (2.51)$$

$$s_2 = \bar{u}_1 \bar{u}_2 q_3 \quad (2.52)$$

q_1, q_2, q_3	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
000	0	0	—	0
001	0	—	—	0
011	0	0	—	0
010	1	—	—	0
110	1	1	—	1
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

q_1, q_2, q_3	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
000	0	0	—	0
001	1	—	—	0
011	1	0	—	1
010	1	—	—	1
110	1	0	—	1
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

q_1, q_2, q_3	u_1, u_2 00	u_1, u_2 01	u_1, u_2 11	u_1, u_2 10
000	0	0	—	1
001	1	—	—	1
011	1	0	—	0
010	0	—	—	0
110	0	0	—	0
111	—	—	—	—
101	—	—	—	—
100	—	0	—	—

Rys. 2.36. Tablice stanów elementów pamięci Q_1, Q_2, Q_3 z zakreskowanymi polami reprezentującymi funkcje wzbudzeń $\bar{r}_1, \bar{r}_2, \bar{r}_3$ do przykładu 2.

Z siatki stanów dla Q_3 wynika, że:

$$\bar{r}_3 = \bar{u}_2 \cdot (\bar{u}_1 + \bar{q}_2) \quad \text{to} \quad r_3 = u_2 + u_1 q_2 \quad (2.53)$$

$$s_3 = \bar{u}_1 q_2 \quad (2.54)$$

W celu przedstawienia bloku pamięci w postaci schematu logicznego bezstykowego z użyciem bramek NOR funkcje wzbudzeń poddano następującym przekształceniom (prawa De Morgana):

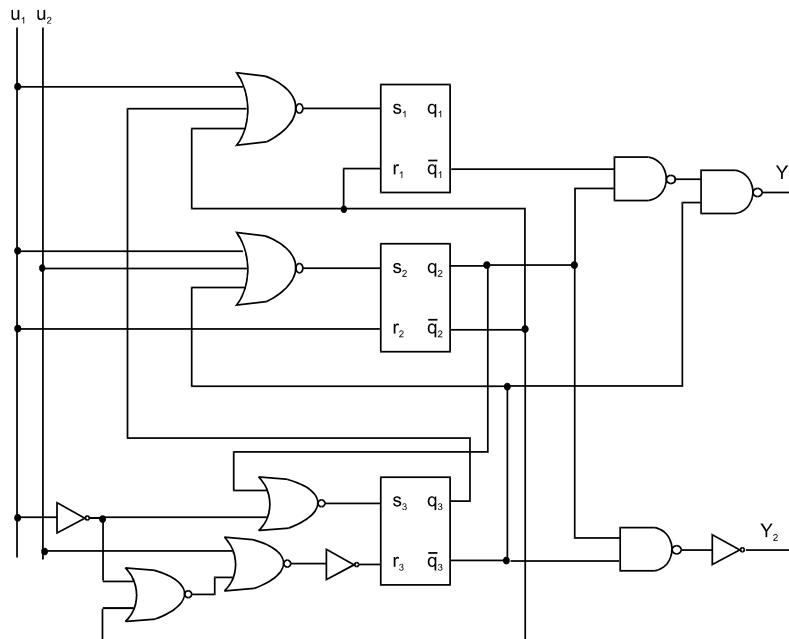
$$\overline{s_1} = \overline{u_1 q_2 q_3} = \overline{u_1 + q_2 + q_3} \quad (2.55)$$

$$\overline{s_2} = \overline{u_1 u_2 q_3} = \overline{u_1 + u_2 + q_3} \quad (2.56)$$

$$\overline{r_3} = \overline{u_2 + u_1 q_2} = \overline{u_2 + u_1 + q_2} \quad (2.57)$$

$$\overline{\overline{s_3}} = \overline{\overline{u_1 q_2}} = \overline{u_1 + q_2} \quad (2.58)$$

Na podstawie powyższych funkcji wzbudzeń (2.49, 2.51, 2.55 – 2.58) oraz funkcji logicznych wyjść (2.27, 2.28) sporządzono schemat układu logicznego na elementach bezstykowych (patrz rys. 2.37).



Rys. 2.37. Schemat logiczny systemu z przykładu 2 z zastosowaniem przerzutników

2.3. Instrukcja wykonania ćwiczenia

Ćwiczenie składa się z dwóch części:

- A - Synteza kombinacyjnych układów sterowania logicznego
- B - Synteza sekwencyjnych układów sterowania logicznego

A. Synteza kombinacyjnych układów sterowania logicznego

A.1. Przebieg ćwiczenia

Należy wykonać następujące czynności:

1. Sporządzić tablice stanów układu dla zadanego przez prowadzącego zadania.
2. Dokonać minimalizacji metodą tablic Karnaugh'a funkcji logicznych reprezentujących poszczególne wyjścia układu z rozwiązywanego zadania.
3. Zaprojektować na podstawie zminimalizowanych funkcji układ sterowania, wykorzystując jedynie bramki NAND.
4. Zaprojektować na podstawie zminimalizowanych funkcji układ sterowania (wykorzystując dowolne bramki), tak aby użyć jak najmniejszą liczbę elementów.
5. Otrzymane układy sterowania zaimplementować w programie *Laboratorium Elektroniczne* i dokonać symulacji ich pracy w celu sprawdzenia poprawności przeprowadzonej syntezy.
6. Poszczególne wyniki syntezy, jej przebieg oraz wyniki symulacji zamieścić w sprawozdaniu.

A.2. Metodyka pracy z programem *Laboratorium Elektroniczne*

Program *Laboratorium Elektroniczne* (Moduł Cyfrowy v. 1.5) firmy Degem może być używany do:

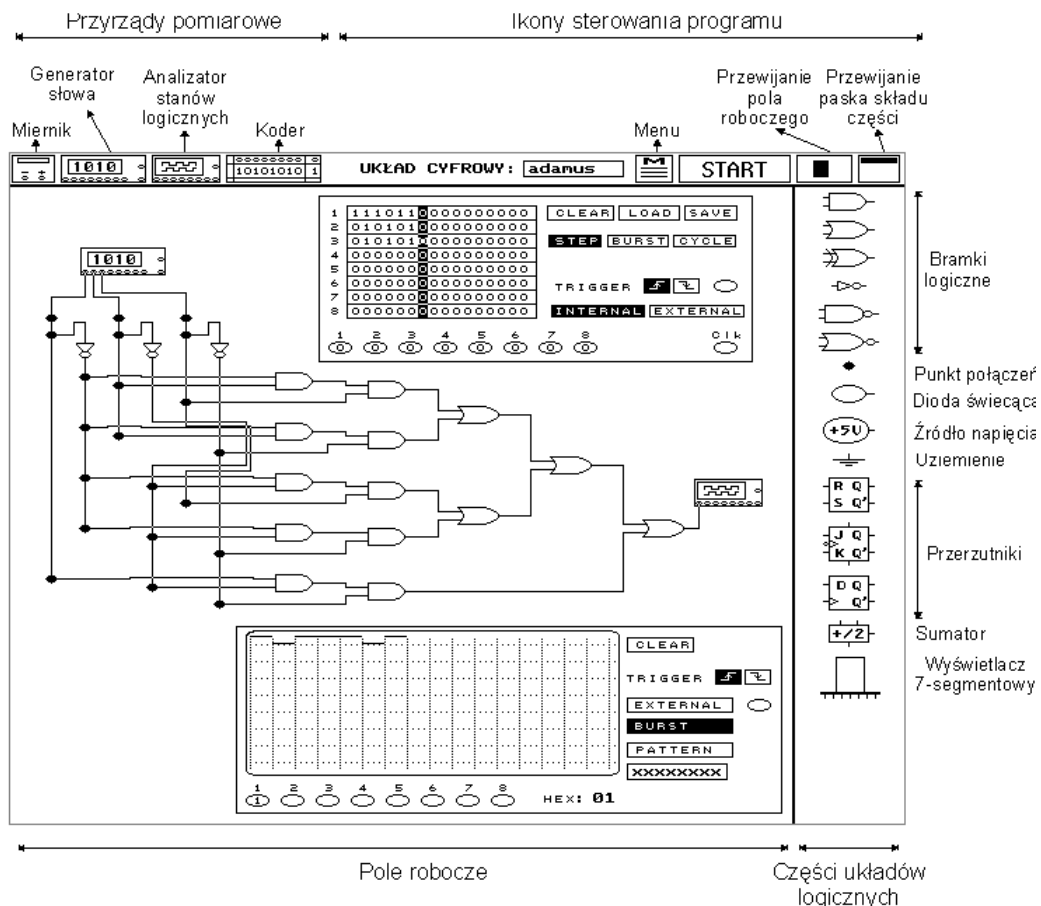
- tworzenia schematu układu elektronicznego,
- symulowania działania tego układu,
- śledzenia pracy programu za pomocą symulowanych przyrządów pomiarowych,
- drukowania kopii schematu, wskazań przyrządów i listy elementów.

Moduł cyfrowy tego programu otwierany jest przez uruchomienie pliku *digital.bat*.

Budowa ekranu programu została przedstawiona na rys. 2.38. Menu programu składa się z następujących funkcji (najczęściej używanych):

- objaśnienia (F1) – uzyskanie informacji na temat wybranego elementu programu,
- usuwanie (F2) – usuwanie zaznaczonych elementów z pola roboczego. Zaznaczenie odbywa się z użyciem prawego klawisza myszy.
- kopia (F3) – kopiowanie znaczonego elementu (elementów) w polu roboczym,
- przesunięcie (F4) – przesuwanie zaznaczonych elementów w polu roboczym,
- makrodefinicja (F5) – łączenie zaznaczonej grupy elementów w bloki. Oznacza to tworzenie nowych części, takich jak np. wielowejsciowe bramki logiczne (dostępne są tylko dwuwejściowe) lub tworzenie większych układów z mniejszych modułów,
- opis (F6),
- powiększenie (F7) - powiększenie wybranego przyrządu pomiarowego w polu roboczym,
- obrót (F8) – obrót o 90° znaczonego elementu (elementów) w polu roboczym,
- plik (F9) – wykonywanie operacji plikowych tj. zapis bieżącego układu na dysk lub odzyskanie wcześniej stworzonego,
- druk – drukowanie schematu, wskazań przyrządów lub listy elementów,
- wyjście – wyjście z programu.

Do poszczególnych opcji można uzyskać dostęp poprzez naciśnięcie myszką na przycisk menu i nie zwalniając go przesunąć w dół najeżdżając na wymaganą opcję. Większości opcji można ponadto użyć używając odpowiednich klawiszy funkcyjnych.



Rys. 2.38. Ekranu programu *Laboratorium elektroniczne* z przykładową aplikacją

W celu zaprojektowania układu należy wykonać następujące operacje:

- wybrać elementy ze składu części i umieścić w polu roboczym (metodą przeciągnij i upuść – ang. drag and drop, z użyciem lewego klawisza myszy),

- połączyć elementy ze sobą (bezpośrednie łączenie ze sobą zaczepek poszczególnych części lub pośredni poprzez punkty łączeniowe),
- opcjonalne dołączenie przyrządów pomiarowych (tj. umieszczenie przyrządu w polu roboczym, dołączenie przewodów do punktów pomiarowych, powiększenie przyrządu przez dwukrotne „kliknięcie” lub naciśnięcie F7 w celu dokładnego obejrzenia ekranu przyrządu oraz ustawienia zakresu pomiarowego),
- naciśnięcia START w celu uruchomienia układu.

Do przyrządów cyfrowych należą:

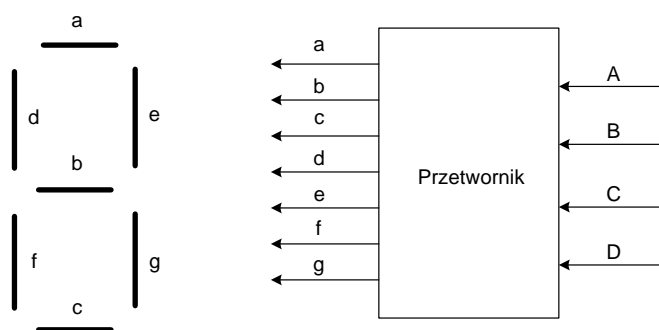
- miernik – woltomierz,
- generator słowa – źródło wejściowych sygnałów binarnych (słów) dla układu. Lewa połowka płyty czołowej generatora zawiera tabelę z słowami, którą należy wypełnić. Po uruchomieniu generatora (naciśnięcie przycisku STEP, BURST lub CYCLE), bity z każdej kolumny tabeli są przesyłane do odpowiednich końcówek przyrządu (nr końcówki = nr wiersza),
- analizator stanów logicznych – pokazuje wykres czasowy sygnałów na jego wejściach,
- konwerter – pozwala na wykonanie konwersji pomiędzy różnymi reprezentacjami funkcji logicznej: tablicą prawdy, wyrażeniem boolowskim, realizacją układową.

A.3. Zestaw zadań

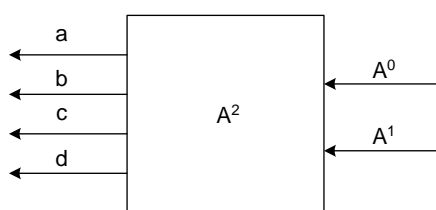
Zadanie 1. Zaprojektować urządzenie do głosowania: głosuje $n = 5$ osób przy użyciu przycisków. Gdy liczba wciśniętych przycisków $n \geq 3$ na wyjściu układu powinien pojawić się sygnał „1”.

Zadanie 2. Zaprojektować urządzenie do głosowania: głosuje $n = 4$ osób przy użyciu przycisków. Gdy liczba wciśniętych przycisków jest nieparzysta na wyjściu układu powinien pojawić się sygnał „1”.

Zadanie 3. Zaprojektować przetwornik kodu 8421 (dziesiętnego) na kod wskaźnika 7-segmentowego.



Zadanie 4. Zaprojektować układ obliczający A^2 , gdzie $A = \{0, 1, 2, 3\}$



Zadanie 5. Na wejście układu podawana jest liczba pięciobitowa. Zbudować układ sprawdzający, czy liczba ta jest podzielna przez 3.

B. Synteza sekwencyjnych układów sterowania logicznego

B.1. Przebieg ćwiczenia

Należy wykonać następujące czynności:

1. Sporządzić tablicę pierwotną układu sekwencyjnego dla zadanego przez prowadzącego zadania. Tablicę sporządzić na podstawie grafu przejść, przebiegu czasowego lub (o ile jest to łatwe do zrealizowania) bezpośrednio z opisu słownego zadania.
7. Przy pomocy programu Huffman95 dokonać wstępnej syntezy układu (realizacja bloku pamięci na bramkach). Sprawdzić poprawność działania układu symulując zmiany stanów na wejściach w powyższym programie.
8. Na podstawie otrzymanych z programu Huffman95 funkcji logicznych pamięci, dokonać syntezy bloku pamięci z użyciem przerzutników.
9. Otrzymane układ sterowania sekwencyjnego zaimplementować w programie *Laboratorium Elektroniczne* i dokonać symulacji jego pracy w celu sprawdzenia poprawności przeprowadzonej syntezy.
10. Poszczególne wyniki syntezy, jej przebieg oraz wyniki symulacji zamieścić w sprawozdaniu.

B.2. Metodyka pracy z programem Huffman95

Huffman95 jest programem wspomagającym syntezę asynchronicznych układów sekwencyjnych. Produktem wyjściowym syntezy z użyciem programu Huffman95 są funkcje logiczne elementów pamięci i elementów wyjściowych oraz schemat logiczny układu (automat Moore'a w wersji bramkowej NAND & NOT).

Punktem wyjściowym syntezy z użyciem programu Huffman95 jest wypełnienie pierwotnej (kompletnej) tablicy programu PTP. W odniesieniu do PTP program posiada następujące ograniczenia:

- max. liczba elementów wejściowych A,B,C,...,H wynosi 8,
- max. liczba elementów wyjściowych Z1,Z2,Z3,...,Z6 wynosi 6,
- max. liczba stanów ustalonych automatu (wierszy) wynosi 256

Tablica wypełniana jest przez wpisywanie w poszczególne kratki numerów stanów lub „-” (stan zabroniony). zaznaczenie stanu stabilnego odbywa się przez naciśnięcie spacji. Przechodzenie pomiędzy kolejnymi kratkami tablicy realizowane jest przez naciskanie kursorów na klawiaturze.

Po wypełnieniu PTP program automatycznie realizuje poszczególne etapy projektowania automatu. W wyniku kolejnych „kliknięć” myszką przycisku **Dalej**, program wykonuje następujące operacje:

- redukuje liczbę wierszy PTP (tworzenie zredukowanej tablicy programu - ZTP),
- tworzy tablicę przejść (TP) między poszczególnymi stanami automatu,
- koduje tablicę przejść stanami elementów pamięci – tworzenie tablicy adresów (TA),
- buduje tablice stanów elementów pamięci oraz elementów wyjść (TK – tablice Karnaugh'a),
- tworzy zminimalizowane równania boolowskie (funkcje logiczne) dla elementów pamięci i wyjść
- wykreśla kompletny schemat logiczny układu w realizacji bramkowej.

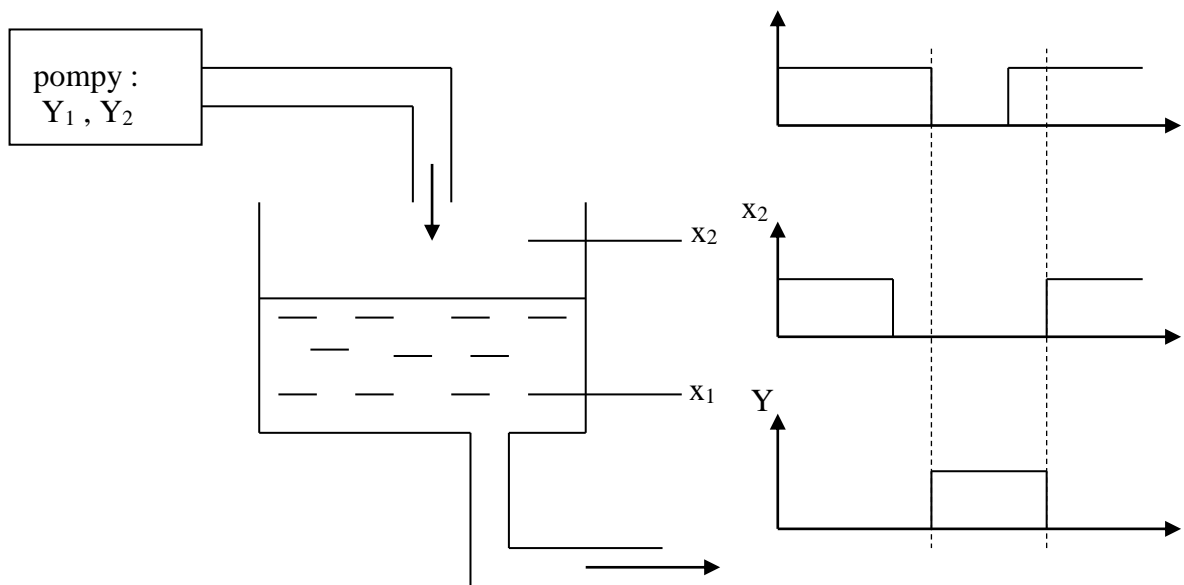
Program umożliwia również po dokonaniu syntezy przeprowadzenie symulacji pracy zaprojektowanego automatu. Realizowane jest to przez sekwencyjne zadawanie stanów sygnałów wejściowych myszką (elementy w dolnym prawym rogu okna programu).

B.3. Zestaw zadań

Zadanie 1. Zaprojektować układ załączania silnika asynchronicznego do sieci za pomocą stycznika S. Załączenie przyciskiem Z, wyłączenie przyciskiem W.

Zadanie 2. Przeprowadzić syntezę układu zdalnego załączania silnika przenośnika taśmowego z następującymi warunkami pracy: naciśnięcie przycisku startowego Z powinno uruchomić sygnał akustyczny, który powinien rozlegać się tak długo, jak długo przycisk Z będzie naciśnięty. W momencie zwolnienia przycisku Z stycznik S powinien załączyć silnik. Wyłączenie układu powinno być dokonywane przyciskiem W.

Zadanie 3. Przeprowadzić syntezę układu stabilizacji cieczy w wieży ciśnień wg. poniższych przebiegów czasowych. Występują dwie pompy Y_1 , Y_2 , które powinny pracować naprzemiennie.



Uwaga: Założyć, że gdy czujniki x_1 i x_2 są zanurzone w cieczy na ich wyjściach pojawiają się sygnały „1”.

Zadanie 4. Zaprojektować układ sterowania silnika prądu stałego. Silnik jest sterowany trzema stycznikami: S_1 – obroty w prawo, S_2 – obroty w lewo, S_3 – hamowanie dynamiczne. Układ sterowniczy uruchamiany jest trzema przyciskami niestabilizowanymi: P (obroty w prawo), L (obroty w lewo) i H (hamownie). Dodatkowo dostępny jest sygnał z czujnika ruchu O, który ma wartość „1” gdy silnik się obraca, a wartość „0” gdy silnik pozostaje w spoczynku. Gdy silnik jest zatrzymany można przeprowadzić rozruch w dowolnym kierunku. W wyniku naciśnięcia przycisku H, powinno nastąpić najpierw wyłączenie stycznika obrotu w danym kierunku, później załączenie stycznika hamowania. W momencie całkowitego zatrzymania silnika stycznik hamowania powinien się samoczynnie wyłączyć. W sytuacji gdy silnik się obraca naciśnięcie któregoś przycisku rozruchu powinno być ignorowane.

Zadanie 5. Zaprojektować układ otwierania zamka szyfrowego trzema przyciskami A, B, C. Otwarcie następuje po podaniu sekwencji przyciśnień ABB. Popęlnienie jakiegokolwiek błędu powoduje uruchomienie alarmu.

Zadanie 6. Zaprojektować układ sterowania bramą wjazdową. Brama wyposażona jest w: silnika napędzający w dwu kierunkach (zamykanie lub otwieranie), dwa czujniki krańcowe tj. całkowitego zamknięcia lub otwarcia bramy oraz pilot z jednym przyciskiem monostabilnym. Przyciśnięcie przycisku pilota powoduje: rozpoczęcie otwierania bramy, gdy jest zamknięta i zamykania, gdy jest otwarta. W przypadku, gdy brama nie jest całkowicie zamknięta lub otwarta przyciśnięcie przycisku pilota powoduje jej otwarcie.

LITERATURA

1. Burger P.: *Digital Design. A Practical Course*, WILEY, New York 1988.
2. Komorowski W., Pawężka R.: *Zbiór zadań z teorii automatów*, Wyd. Pol. Wrocławskiej, Wrocław 1973.
3. Kruszyński H., Misiurewicz P., Perkowski M., Rydzewski A.: *Zbiór zadań z teorii układów logicznych*, Wyd. Pol. Warszawskiej, 1976.
4. Matuszyk M., Mazurewicz G.: *Huffman98 komputerowy program wspomagający syntezę cyfrowych automatów sekwencyjnych*, III Sympozjum Naukowe Sterowanie i Monitorowanie układów przemysłowych SM'99, Kazimierz Dolny 1999.
5. Siwiński J.: *Układy przełączające w automatyce*, WNT, 1980.
6. Siwiński J.: *Laboratorium teorii systemów i teorii sterowania. Systemy przełączające*, Wyd. Pol. Śląskiej, Gliwice 1980.
7. Traczyk W.: *Układy cyfrowe automatyki*, WNT, 1974.
8. Waligórski W.: *Układy przełączające. Elementy teorii i projektowania*, WNT, 1971